Включение в серию

С примером из серии разбираться легче, чем с одиночным. «Одиночку» можно включить в серию, удачно заменив в условии число на переменную. Может выясниться, что для некоторых значений переменной задача не имеет смысла или примера явно нет — такие значения просто пропустим.

А если чисел несколько? Какие-то из них (обычно маленькие) оставим постоянными, между большими попробуем найти зависимость (скажем, одно ровно на 1 больше другого). Попробуем сохранить эту зависимость во всех конструкциях серии.

- 1. На каждой клетке клетчатой полоски ширины 1x80 стоит по шашке: слева 40 белых, справа -40 чёрных. За один ход можно пару соседних шашек, где слева белая, а справа чёрная, поменять местами. За какое число ходов получим позицию, где слева 40 чёрных, справа -40 белых?
- **2.** На какое наибольшее число прямоугольников разной площади можно разрезать прямоугольник 50x100?
- **3. а)** Из чисел 1, 2, 3,, 1001 одно вычеркните, а остальные разбейте на пары так, чтобы разности в парах были 2, 4, 6, ..., 1000.
- **б)** Из чисел 1, 2, 3,, 1001 одно вычеркните, а остальные разбейте на пары так, чтобы разности в парах были 1, 2, 3,, 500.
- **4.** Газету сложили пополам 8 раз (поочередно вдоль и поперек), после чего оторвали от нее 4 угла. Если теперь развернуть газету, то сколько в ней будет дырок?
- **5.** Выпишите строку из 77 целых чисел так, чтобы сумма каждой пары соседей была отрицательной, а сумма всех 77 чисел положительной.
- 7. В ряду из 24 кувшинок на 12 левых кувшинках сидит по лягушке, слева направо по возрастанию веса. За один ход лягушка может прыгнуть на соседнюю справа пустую кувшинку либо, если соседняя занята, на следующую за ней пустую кувшинку.
- **а)** Как лягушкам расположится на 12 правых кувшинках в обратном порядке (то есть, слева направо по убыванию веса)?

Зачетные задачи

- **BC1.** Даны две группы из 77 последовательных чисел и пустая таблица 2х77. Докажите, что можно так расставить одну группу в первой строке, а другую во второй, чтобы суммы чисел по столбцам тоже были группой из 77 последовательных чисел.
- **ВС2.** По кругу лежат 300 монет: 3 орлом, 3 решкой, 3 орлом, 3 решкой и т. д. Разрешается перевернуть монету, если одна из её соседок лежит орлом, а другая решкой. Какого наибольшего числа монет, одновременно лежащих орлом, можно добиться с помощью таких операций?
- **BC3.** Дана доска 40х40, раскрашенная в шахматном порядке. Ладья ходит по ней, делая повороты направо только в черных клетках, а налево только в белых. Как ей пройти по всем клеткам, кроме двух, не проходя дважды через одну и ту же клетку?
- **BC4.** Шахматная фигура "прожектор" бьет один из углов, на которые делят доску проходящие через нее горизонталь и вертикаль, включая примыкающие к углу клетки горизонтали и вертикали. (Например, прожектор в левом нижнем углу может бить либо одну клетку, либо нижнюю горизонталь, либо левую вертикаль, либо всю доску). Какое наибольшее число прожекторов можно расставить на клетчатой доске 30х30 так, чтобы они не били друг друга?

Малый мехмат, 7 класс, гр.1329a, 4 июля 2019 г, http://www.ashap.info/Uroki/Bolgar2/2019/7-1329a/index.html