

Испытания и оценки

Пусть надо выявить один случай из N , и каждый вопрос делит все случаи на k групп, выясняя, в какую из групп попал искомый случай. Тогда выгоднее делить на как можно более равные группы.

- а) Зритель задумывает одну из 100 карточек. За один ход фокусник может разложить все карточки на 10 кучек и узнать у зрителя, в какой из групп находится карточка. За какое наименьшее число вопросов фокусник может наверняка определить задуманную карту?
б) То же, но раскладывает на 5 кучек.
- Никита загадал натуральное число от 1 до 8.
а) Кира может назвать любое натуральное число и спросить, кратно ли её число Никитину? Никита честно отвечает. Может ли Кира наверняка угадать задуманное число после трёх таких вопросов?
б) А за какое наименьшее число вопросов Кира может угадать задуманное число, если она может называть только числа от 1 до 8?
- Есть 10 монет, из них одна фальшивая, легче настоящей. Все настоящие весят одинаково. За какое наименьшее число взвешиваний на чашечных весах без гирь можно наверняка найти фальшивую монету?
- Есть 5 серебряных монет и 4 золотые (они отличаются по виду от серебряных). Известно, что одна из них фальшивая, а остальные настоящие (учтите, что настоящая серебряная монета может отличаться по весу от настоящей золотой!). Если фальшивая монета серебряная, то она легче настоящих монет, а если золотая – то тяжелее. За какое наименьшее число взвешиваний на чашечных весах без гирь можно наверняка найти фальшивую монету?

Пространство вариантов

Чаще всего перед нами ситуация одного неизвестного варианта из некоторого множества (пространства) возможных элементарных вариантов. Полезно выписать все возможные варианты и делать такие испытания, чтобы количество подозрительных вариантов в наихудшем случае было как можно меньше.

- Задуманы два континента. За какое наименьшее число вопросов типа «Да/Нет» можно наверняка определить оба?
- Есть 3 монеты с надписями 1, 2 и 4 г соответственно. На самом деле первая и вторая монеты могут весить каждая 1, 2 или 3 г, а третья – 2, 4 или 5 г. Известно, однако, что ровно две из трех надписей – верные. За какое наименьшее число взвешиваний можно наверняка определить вес каждой монеты?
- Десять монет, среди которых есть как настоящие, весящие по 10 г, так и фальшивые, весящие по 9 г, выложены в ряд. Известно, что каждая настоящая лежит левее любой фальшивой. За какое наименьшее число взвешиваний на чашечных весах без гирь можно наверняка определить все фальшивые монеты, если
а) на чаши можно класть только по одной монете;
б) на чаши можно класть ровно по две монеты?

Зачетные задачи

Ис1. Даны четыре одинаковых по виду шара массой 101 г, 102 г, 103 г и 105 г, а также весы со стрелкой (показывают вес груза). За какое наименьшее число взвешиваний можно определить массу каждого шара?

Ис2. Имеется 9 гирек-эталонов весом 100 г, 200 г, ..., 900 г, и чашечные весы без других гирь. К сожалению, одна из гирек побывала в руках нечестных торговцев, и теперь она весит немного (не более чем на 10 г) легче, чем раньше. За какое наименьшее число взвешиваний можно определить облегченную гирьку?

Ис3. Денис может отвечать на вопросы «да», «нет» или «не знаю». Он загадал целое число от 1 до 3. Придумайте такие вопросы, чтобы за один вопрос угадать это число.

Ис4. В ряд лежат 8 монет, при этом из левых четырёх одна фальшивая и из правых четырёх тоже одна (обе фальшивые легче настоящих и равны по весу друг другу). За какое наименьшее число взвешиваний на чашечных весах без гирь можно наверняка определить, сколько настоящих монет лежит между парой фальшивых (сами фальшивые монеты определять не обязательно).

