

МНОГО НЕ МАЛО, или МНИМЫЕ ПРОТИВОРЕЧИЯ

Три волоса на голове – это очень мало, а три волоса в супе – очень много.

0. На одну чашку весов кладется пять десятикопеечных монет, а на другую – равная по массе пачка стодолларовых купюр. Будут ли весы в равновесии?
1. Джон отправился в казино с миллионом долларов играть в рулетку. При каждой игре игрок ставит на кон любое количество имеющихся у него денег, и либо их проигрывает, либо выигрывает столько, сколько поставил. Джон сыграл 100 раз, из них 99 раз выиграл. Мог ли он в итоге остаться без единого цента?
2. В цирке 10 силачей вынесли на арену на руках по циркачке, каждая легче того, кто её нёс. Потом эти циркачки унесли с арены каждая по силачу. Могло ли случиться что
 - а) каждая циркачка несла силача легче себя?
 - б) 9 из этих циркачек несли силачей легче себя?
3. Площадь прямоугольника – 1 кв. дм. Может ли его периметр быть больше 1 км?
4. На занятии в Летней школе было дано 9 задач. И Матроскин, и дядя Фёдор и Шарик решили их все. Матроскин отмечал задачу, если рассказал её преподавателю раньше дяди Фёдора. Дядя Фёдор отмечал задачу, если рассказал её преподавателю раньше Шарика. А Шарик отмечала задачу, если рассказал её преподавателю раньше Матроскина. Может ли у каждого из них быть отмечено более половины задач?
5. На балу юношей и девушек было поровну, было 10 танцев и каждый раз танцевали все.
 - а) Могло ли случиться, что каждый юноша каждый следующий танец танцевал с более красивой или с более умной девушкой, чем в предыдущий танце?
 - б) А могло ли случиться наоборот, что каждая девушка каждый следующий танец танцевала с более сильным или с более умным юношей, и притом в каждом танце (начиная со второго) была девушка, которая танцевала и с более сильным, и с более умным юношей?
6. В летней школе было 7 групп по 15 школьников. Их мнения по поводу экскурсии в выходной день разошлись: некоторые хотели ехать в Несебр, а остальным хотелось в аквапарк. Решили проголосовать так: каждая группа выберет одного представителя, который хочет туда, куда большинство группы. Куда захочет большинство представителей, туда все и поедут. По итогам голосования поехали в Несебр. Могло ли быть так, что на самом деле в Несебр хотело ехать менее трети от всех школьников?
7. На острове Гдетотам 20 городов, расстояние между любыми городами не менее 100 км. Местность, от которой до ближайшего города больше 30 км, считается провинцией. Раньше более 90% территории Гдетотама было провинцией, пока ещё одна деревня не стала городом. Может ли теперь провинция составлять менее 10% территории Гдетотама?

Задачи для самостоятельного решения

ММ1. Каждый день Гена играет с Чебурашкой несколько матчей в пляжный хоккей на льду и записывает, сколько матчей он выиграл, а сколько проиграл. Так они играли все 30 дней июня. Оказалось, что за любые 3 дня подряд Гена выиграл больше матчей, чем проиграл.

а) Мог ли Гена за весь июнь проиграть большей матчей, чем выиграть?

б) Мог ли Гена за последнюю неделю июня проиграть большей матчей, чем выиграть?

ММ2. Некоторой фирмой руководят директор и три заместителя. Каждый месяц директор собирает заместителей на совещание и предлагает новый список зарплат для себя и заместителей. При этом заместители голосуют за или против списка (а директор не голосует). Известно, что заместитель голосует за, если лично его зарплата увеличивается, и ничья зарплата не увеличивается в большее число раз, иначе он голосует против. Решение принимается большинством голосов. Может ли директор за несколько голосований добиться, чтоб его зарплата стала в 10 раз больше, чем была, а все зарплаты заместителей уменьшились не менее чем в 10 раз?

ММ3. Имеется два дома, в каждом по два подъезда. Жильцы держат кошек и собак, причём доля кошек (отношение числа кошек к общему числу кошек и собак) в первом подъезде первого дома больше, чем доля кошек в первом подъезде второго дома, а доля кошек во втором подъезде первого дома больше, чем доля кошек во втором подъезде второго дома. Обязательно ли доля кошек в первом доме больше доли кошек во втором доме?