

МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ
ИМЕНИ Г.П. КУКИНА

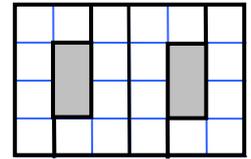
30.01.16 6 класс

г. Омск

*Математическая олимпиада ОмГУ носит имя профессора Г.П. Кукина,
создателя системы городских математических олимпиад.*

Решения задач довывода.

1. **Решение.** См. рисунок. Из каждой пары фигурок складываем прямоугольник 2×5 .



2. **Ответ.** Пять дней. **Решение.** Из условия следует, что засыпают медведи в таком порядке: Мишутка, через день Марья Петровна, ещё через два дня Михайло Иваныч. А просыпаются они так: Марья Петровна, через 3 дня Мишутка, ещё через день Михайло Иванович. Значит, в январе будет два дня, когда бодрствует только Михайло Иванович, а в марте три дня, когда бодрствует только Марья Петровна.
3. **Ответ.** Первый и четвёртый – лжецы, второй и третий – рыцари. **Решение.** Если первый – рыцарь, то все четверо рыцари, но тогда второй и третий не могли ответить: «да». Значит, первый – лжец. Тогда второй и третий сказали правду, значит они являются рыцарями. Если и четвёртый был бы рыцарем, то первый про остальных сказал бы правду. Но первый – лжец, а значит четвёртый тоже лжец.
4. **Ответ.** $1/6$. **Решение.** Из условия следует, что за время, которое первый муравей проползает треть дорожки, второй муравей проползает две трети дорожки. Значит, второй муравей ползает в 2 раза быстрее первого. Это означает, что во второй день первый муравей за время совместного движения проползает четверть дорожки, и за предшествующую минуту – тоже четверть дорожки. Из этого следует, что первый муравей проползает всю дорожку за 4 минуты, а второй – за 2 минуты. Но тогда в третий день до начала движения второго он проползает половину дорожки, а далее – две трети оставшейся части, т.е. треть всей дорожки. Тогда первый муравей проползает за это время вдвое меньше, то есть шестую часть всей дорожки.
5. **Решение.** Вася. Для этого ему достаточно стереть одним из своих ходов цифру 3. В самом деле, если число C кончается на цифру 5, то Вася стирает первую цифру. Если число C начинается на цифру 1, то Вася стирает вторую цифру. Если $C=24$, то Вася может стереть любую из двух оставшихся цифр.
6. **Ответ.** Например, так: $1 \rightarrow 2$ (1), $1 \rightarrow 2$ (3), $1 \rightarrow 3$ (10)
 $2 \rightarrow 1$ (7), $2 \rightarrow 3$ (8), $2 \rightarrow 3$ (4)
 $3 \rightarrow 1$ (2), $3 \rightarrow 1$ (5), $3 \rightarrow 2$ (15)

**МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ
ИМЕНИ Г.П. КУКИНА**

30.01.16 6 класс

г. Омск

*Математическая олимпиада ОмГУ носит имя профессора Г.П. Кукина,
создателя системы городских математических олимпиад.*

Решения задач вывода.

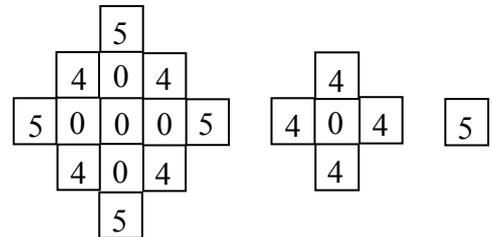
7. **Решение.** 1. Р, Б, Н, Н, лодка – \emptyset 2. Р, Б – Н, Н, лодка 3. Р, Б, Н, лодка – Н 4. Б – Н, Р, Н, лодка 5. Б, Н, лодка – Н, Р 6. Н – Н, Р, Б, лодка. 7. Н, Н, лодка – Р, Б. 8. \emptyset – Р, Б, Н, Н, лодка.

8. **Ответ.** 85 рублей. **Решение.** Мы не знаем фамилию Лёши, внесшего на 30 рублей больше родной сестры. Поэтому необходимо рассмотреть два случая.

Лёша К.	Лиза К.	Лиза Б.	Лёша Б.	Подарок
x	$x-30$	$x-20$	$x-50$	$4x-100$

Лёша Б.	Лиза Б.	Лёша К.	Лиза К.	Подарок
x	$x-30$	$x-10$	$x+20$	$4x-20$

9. **Ответ.** 210. Опишем полученную фигуру «по слоям»: она состоит из среднего слоя, содержащего 13 кубиков, двух слоев по 5 кубиков и двух слоев по 1 кубику. Итого, 25 кубиков (см. рисунок).



На рисунке отмечено, сколько видимых граней у каждого кубика в каждом слое. Чтобы сумма чисел на видимых гранях была наименьшей, приклеиваем кубики гранями, на которых написаны наибольшие числа: кубики с 5 видимыми гранями приклеиваем «б», а кубики с 4 видимыми гранями – «5» и «б». Это возможно, так как «5» и «б» не могут располагаться напротив друг друга. Тогда «видимая сумма равна: $6 \cdot (1+2+3+4+5) + 12 \cdot (1+2+3+4) = 210$.

10. **Ответ.** $(602-590) \times 168$. **Решение.** У числа 2016 есть 10 трехзначных делителей (легче считать дополнительные делители: они лежат в пределах от 3 до 20): 112, 126, 144, 168, 224, 252, 288, 336, 504, 672. Поскольку в ТРИ все цифры разные и $P > 0$, остаются только варианты 126, 168 и 672. Разность РАЗ–ДВА равна дополнительному множителю, она меньше 100, поэтому $D = P - 1$. Но если ТРИ=126 или ТРИ=672, то $P - 1 = T$ — противоречие. Значит, ТРИ=168. Тогда $D=5$,

$РАЗ-ДВА=2016:168=12$. Так как $ДВА < 600$, то $РАЗ < 612$. Значит, $A=0$ или 1. Так как $РАЗ=ДВА+12$, то $З=2$ или 3 соответственно, то есть $РАЗ=602$ или 613 соответственно. Первый случай даёт ответ, второй не подходит (там $ДВА > 600$).